第2週目:Simulinkの基本的な使用法

第1週目では主に数値計算とグラフ書きのツールとしての MATALB を学んだ。また、数ブロックから成る簡単 な構造を持つシステムの応答をシミュレートすることも出来ることを見た。しかし、突風外乱やセンサーノ イズなどの外生信号、飽和などの非線形要素、モデル化されていないプラントダイナミクスが存在する場合 など、もっと現実に近いシステムのシミュレーションやモデリングは MATLAB では扱いにくい。この様な状況 では Simulink が便利であるので、今回はその基本的な操作について学ぶ¹。

1. Simulinkの基本操作

MATLAB と違って Simulink はシステムをグラフィックに表現し、「ブロック線図」を作成する要領でモデ リングしていくことができる。例えば積分器であれば、積分器というブロック要素が用意されており、その ブロックを作図用のモデルウィンドウにコピーし、他のブロックなどと結線していく。各種のブロック要素 を揃えたライブラリを「ブロックライブラリ」と言う。例えば、1次遅れ系の伝達関数を含む簡単な動的シ ステムをブロック線図と Simulink モデルで表すと、以下のようになるが、その類似点が明らかである。



(a)ブロック線図

(b)Simulink モデル



1.1 基本操作方法

<u>Simulinkの起動方法</u>

- 1. MATLABのコマンドプロンプト上で"Simulink"と入力
- 2.ツールバーのアイコンから起動(Windows)



(a)"Simulink"と入力

(b) ツールバーのアイコンをクリック

Figure1.2 Simulinkの起動

Simulinkを起動すると、ライブラリ・ブラウザが立ち上がる。ここからブロックを選択し、モデルウインド ウにブロックを置いてモデルを作成する。

¹今週の内容の多くはサイバネットシステム株式会社の承諾を得て Simulink 入門セミナー(1999 年 5 月版)の テキストを編集したものである。

© Noriyuki Hori University of Tsukuba ブロックライプラリ

ライブラリブラウザの"*Simulink*"と書いてある部分をダブルクリックするか、その左側の"+"マークをクリックすると、Simulinkのブロックライブラリがツリー構造で現れる。

各ライブラリに用意されているブロックはつぎの通り。

Continuous:	連続システムに関するブロック
Discrete :	離散システムに関するブロック
Functions & Tables	: 関数コール、テーブルに関する
	ブロック
Math:	四則演算、論理演算、複素数の計算、
	代数ループに関するブロック
Nonlinear:	非線形要素に関するブロック
Signals & Systems	: ブロックの接続などに関する
	ブロック
Sinks:	信号を観測するためのブロック
Sources :	信号を生成するためのブロック



Figure1.3 ブロックライブラリ

このうち本実験項目で頻繁に用いるのはContinuous、Math、Sinks、Sources、である。

<u>モデルウィンドウの起動</u>

新規のモデルウィンドウを起動する方法は2つある。

1. ライブラリブラウザから起動の下図のボタンをクリックする。

2.MATLAB コマンドプロンプトのメニュー"ファイル - 新規作成 - Mode /"を選択する。

🙀 Simulink Library Browser	MATLAB Command Window ファ(A(F) 編集(F) 表示(A) クノルウ(A)	ALT'00
Create a new model	新規行は2000 間に200 規定が用いつ まがうりつ実行を図。 すがっかの」	M-file⊕ Figure(2) Mode/7 <u>00</u>

(a)ツールバーのアイコンをクリック

(b)メニューを選択

Figure1.4 モデルウィンドウの起動

<u>ブロックのコピー、リサイズ、回転</u>

モデルウィンドウに"Sources - Sine Wave"ブロックを置いてみる。ブロックを選択する方法はつぎの2種類です。

1. ライブラリブラウザで"Simulink - Sources"の下にある"Sine Wave"を直接探す。

2. ライブラリブラウザの検索機能を使う。

"Sine Wave"を選択後、モデルウィンドウまで、マウスの左ボタンでドラッグします。



Figure1.5 ブロックのコピー

ブロックの大きさを変えるには(リサイズ)、ブロックの四隅のうちどれかにマウスカーソルを近づけ、左マウスボタンでドラッグする。



Figure1.6 ブロックのリサイズ

フィードバック部にあるブロックを結線する場合など、ブロックを回転したいことがある。例えば 90 度回 転させるには、メニューの"*Format - Rotate Block*"を選択するか、*Ctrl+R*キーを押す。また 180 度回転の ときは"*Flip Block*"を選択するか、*Ctrl+F*キーを押す。



(a)"Rotate Block"メニュー (b)90 度回転したブロック Figure1.7 ブロックの回転 © Noriyuki Hori University of Tsukuba 同じブロックをモデル内にコピーするには、右マウスボタンでドラッグするとよい。



尚、ブロックの回転やコピーなど、良く使うメニューコマンドは、右マウス ボタンのコンテキストメニューに用意されている。

結線の方法

同様に"Sinks - Scope"ブロックをコピーした後、結線をする。結線をしたいブロックの片方のポートを選択し、もう片方のブロックのポートまでマウスでドラッグする。



Figure1.9 ブロックの結線

いろいろな結線の操作をつぎに示す。

表 1.1 結線の操作

	マウスの操作	図番
信号線を直角に曲げる	左マウスボタンでドラッグする	Figure1.10(a)
任意の方向に引き出す	Shift + 左マウスボタンでドラッグする	Figure1.10(b)
信号線の途中から引き出す	右マウスボタンでドラッグする	Figure1.10(c)



(a)

Figure1.10 いろいろな結線の操作

(b)

(c)

信号線にラベルをつけるには、信号線上でダブルクリックし、文字を入力すればよい。



Figure1.11 信号線のラベル付け

<u>ブロックパラメータの設定</u>

パラメータを変更したいブロックをダブルクリックする。ここでは"Sine Wave"ブロックのパラメータを変



Figure1.12 ブロックパラメータの設定

例えば、正弦波の振幅を変更するには"Amplitude"の値を変更する。

ブロックの追加、削除

"Continuous - Integrator"を、モデルウィンドウにコピーし、既に結線されたブロック間に挿入する。ブロックの入出力ポートを線に近づけるように移動すると、自動的に結線される(1入力1出力のブロックのみ)。



Figure1.13 ブロックの追加

© Noriyuki Hori University of Tsukuba 削除したいときは、ブロックを選択した状態で Delete キーを押す。

<u>Undo、Redo 機能について</u>

ブロックを削除した後、削除する前の状態に戻したいときはメニュー"*Edit - Undo Delete*"を選択するか、 ツールバーのアイコンを選択する (Figure1.14(a))。Redo 機能も同様に使える (Figure1.14(b))。



(a)Undo 機能



(b)Redo 機能

<u>ブロックの移動</u>

ブロックを移動するには、2つの方法がある。

- 1.ブロックを選択した状態で、左マウスボタンを 押したままドラッグする。
- 3.ブロックを選択した状態で、キーボードの矢印 キーを押す。

ブロックを結線からはずしたいときは、Shift + 左マウスボ タンでブロックを移動する。



Figure1.15 ブロックを結線からはずす。

<u>複数ブロックの選択</u>

隣り合っているブロックを選択するには、Figure1.16のように、左マウスボタンで領域を囲むようにドラッグする。離れているブロックを選択するには、Shift + 左マウスボタンで選択する。



Figure1.16 複数ブロックの選択

メニューの"View - Zoom In (Zoom Out)"を使って、モデルのズームイン(アウト)を行うことができる。

willed *	Sector Sector
i <u>E</u> dit <mark>⊻iew</mark> Simulation Format Tgob	Eds Edt Kenn Emcladion Pornag Taria
) 😅 * Icolbar * Status Bar	
Model Droveser F Block Data Tipa	Re.
Show Library Browser	
Zoom (n Zoom Qut Eit System to View Normal (1000)	
	Fault 126 ward

(a)Zoom In を選択

(b)ズームインしたモデル Figure1.17 ズームイン機能

モデルの保存と起動

作成したモデルを保存するには、メニューの"*File - Save*"を選択するか、ツールバーのアイコンをクリックする。



Figure1.18 モデルの保存

ここでは"sinesys.mdl"という名前で保存している。Simulink のモデルの拡張子は.mdl である。Figure1.18の"ファイル名"に拡張子をつけなかった場合は、.mdl が自動的につく。

モデルを再起動するには、MATLAB コマンドプロンプト上で

» sinesys

と入力すればよい。

<u>シミュレーションの実行</u>

シミュレーションを実行するには、メニューの"*Simulation - Start*"を選択するか、ツールバーのアイコン をクリックする(Figure1.19)。このとき、Scope ブロックをダブルクリックして、ウインドウを開いてお くと、シミュレーションの経過をみることができる(シミュレーション実行後に Scope ウインドウを開いて も、もちろん結果は表示される)。



Figure1.19 シミュレーションの実行 ($\int_0^t \sin \tau d\tau = -\cos t + 1$)

以上が基本的な操作方法である。つぎに、これらの機能を使って、実際にモデリングをして行く。

2. モデリング

以下に示す1自由度振動系をモデル化(モデリング)しよう。



Figure2.1 1 自由度振動系

ここで、物体の質量を m[Kg]、ダンパの減衰係数を c[Ns/m]、バネ定数 k[N/m]とし、簡単のため摩擦項は無 視する。また、外力(入力)を f[N]、平衡状態からの変位(出力)を x[m]とすると、このシステムの運動方 程式はつぎのようになる。

$$m\ddot{x} + c\dot{x} + kx = f \tag{2.1}$$

モデリングのための基本的な考え方は、つぎの2点である。

1. 最高次の微係数について式を整理する

(2.1)式は2階の微分方程式であり、最高次の微係数について式を整理すると、つぎのようになる。

$$\ddot{x} = \frac{1}{m} (f - c\dot{x} - kx)$$
(2.2)

この式を元にモデリングをして行く。

<u>2.積分器を中心にブロックを置いていく</u>

たとえば、つぎの図のように、積分器の出力がxであれば、その積分器の入力はxの1階微分のはずである。 よって(2.2)式の2階微分方程式を実現するには積分器が2個必要である。



Figure2.2 積分器の入出力関係

また、1.で求めたように、xの2階微分が(2.2)式の右辺になるように生成する必要があるので、



Figure2.3 (2.2)式の実現1

とする。ここで入力 f はステップ信号としよう。また cx と kx の項は積分器の出力を利用して次のように生成できる。



Figure2.4 (2.2)式の実現2

以上を参考に、Simulink上でモデリングができ、Figure2.5のようになる。(モデル名 onedof.mdl)



Figure2.5 onedof.mdl

衣 2.1					
ブロックライブラリ	ブロック要素				
Continuous	Integrator				
Math	Gain				
Watti	Sum				
Sinks	Scope				
Sources	Step				

+ ~ 1

各ブロックのパラメータの設定はつぎのようにする。

表 2.2					
ブロック(ラベル)	パラメータ名	パラメータ値			
Gain	Gain	1/m			
Gain1	Gain	С			
Gain2	Gain	k			
Sum	List of signs	- + -			

さらに、パラメータm、c、kは、MATLAB ワークスペース上で定義する。

》 m=1; これらのパラメータは M ファイルで指定する方がよいであろう。

» c=1;

》 k=10;

尚、Gain ブロックは、パラメータの"Gain" を変更すると表示が変わるので、もし下図に 示すような表示になったら、ブロックをリサ イズすれば適当な大きさになり正しく表示さ る。

Gain Gain

3 シミュレーション(時刻歴応答解析) 3.1 シミュレーションパラメータの設定

シミュレーションを行う前にパラメータを設定するため、メニューの"Simulation - Parameters"を選択する。



Figure3.1 シミュレーションパラメータの設定

<u>Solver</u> 画面



Figure3.2 Solver 画面

Workspace 1/0 画面



Figure3.3 Workspace I/0 画面

Input,Output は、それぞれ入力、出力ポートが指定されている時のみに有効。ここでは、出力データをワークスペースに保存する必要がないので、*Workspace 1/0*ページの"*Save to Workspace*"のチェックを外しておく。(チェックしたままだと、必要のない動作のためにメモリを圧迫することになる。)

3.2 シミュレーション結果の出力

出力信号の観測 (Scope ウィンドウの使い方)

Scope ウィンドウを開いてシミュレーションを開始する。







Figure3.4 Scope ウィンドウ

Figure3.4の右側のような、適切なスケールに変更するには、つぎの方法が便利である。

- 1.ツールバーのアイコンをクリック(Figure3.5(a))
- 2.軸上で右クリックし、"Autoscale"を選択(Figure3.5(b))



Figure3.6 Scope ウィンドウのツールバーと役割

EDをクリックすると、 'Scope' properties ウィンドウが立ち上がる。その中の "Time range"で横軸の表示
 範囲の値を直接入力することができる。

右クリックメニューによるスケール変更

マウスカーソルを軸の中に置き、右マウスボタンをクリックすると、スケーリングに関するメニューが開かれ、設定を行うことができる。



(b) Axes properties ウィンドウ

Scope ウィンドウの軸にタイトルをつけることができる。Scope ブロックに結線されている信号線のラベルを つければ、その後シミュレーションを行うと、軸のタイトルはラベルの文字列を継承する形になる。



Figure3.8 信号線のラベルと Scope ウィンドウ

複数信号の観測 (Scope ウィンドウの使い方2)

これまでは変位の応答を観測してきたが、つぎに速度の応答をあわせて観測する方法を考える。Scope ウィンドウに2つの応答を一度に表示する方法はつぎの2通りがある。

- 1.1つの軸に2つの応答を表示する
- 2.軸を2つにしてそれぞれの軸にそれぞれの応答を表示する

方法1.1つの軸に2つの応答を表示する

モデルをつぎのように変更し、シミュレーションを行う。



Figure3.9 変位と速度の観測1

ここで追加したブロックは以下の通り。

表 2.2					
ブロックライブラリ	ブロック要素				
Signals & Systems	Mux				

Mux ブロックの入力は、一番目(上)が速度、二番目(下)が変位、の順になっているので、出力は [速度 変位] のベクトルになっている。これはそのまま Scope ブロックの入力となっているので、応答の 表示も同じ順序で示される。表示の色は、一番目の応答が黄色、二番目の応答がマゼンタである。

方法2.軸を2つにしてそれぞれの軸にそれぞれの応答を表示する



(b)ブロックの外観の変化

(c)シミュレーション結果

Figure3.10 変位と速度の観測2

MATLAB グラフィックス機能の利用

最後に、Simulink でのシミュレーション結果を MATLAB ワークスペースに保存する。ここでは、Figure3.10のモデルを使う。

Scope ウィンドウのツールバーのアイコン¹¹をクリックし、 'Scope' properties ウィンドウを開く。"Data history - Save data to workspace"のチェックボックスを on にし、Variable nameを"state"に変更する。

Scope' properties	ワークスペース保存の設定
OK Cancel Help Apply	

Figure3.11 ワークスペースへの保存

この状態でもう一度シミュレーションし、MATLAB ワークスペースに存在する変数を確認する。

» who	S								
Name	:	Siz	ze	Byte	es	Clas	SS		
С		1x1		8	5	doubl	e	arı	ray
k		1x1		8	•	doubl	e	arı	ray
m		1x1		8	•	doubl	e	arı	ray
stat	e	1x1		2664	1	struc	ct	ar	ray
Grand	total	is	236	elements	υ	using	26	88	byte



simplot に加えて MATLAB のグラフィック機能を使うことにより、軸ラベルや凡例、ラインスタイルの変更な どを行い、よりきれいで見やすいグラフを表示することができる。Figure3.9の Mux ブロックを用いたモデ ルで、出力結果を MATLAB ワークスペースに出力し、simplot と MATLAB グラフィック関数を用いた例をつぎに 示す。

- » simplot(state)
- > h = get(gca, 'child');
 > set(h(1), 'linestyle', ':')

%これはここでは無視してよい。(ハンドル番号を取得する) %これも無視してよい。(速度のプロットを点線にする)

- » legend('Position', 'Velocity');
- » title('One degree of freedom spring-mass system');
- » xlabel('time [s]');
- > ylabel('displacement [m] & velocity [m/sec]');



© Noriyuki Hori University of Tsukuba グラフィック機能を用いた表示 4. Simul ink ブロックのカスタマイズ

Simulinkの特徴の一つに、ブロックを容易にカスタマイズできることが挙げられる。Simulink (Blockset) で作成したモデルのブロック群を、一つのブロックにまとめてカスタマイズし、自分用のライブラリとして登録しておくこともできる。イメージとしては、つぎのような形である。



Figure4.1 自分用のブロックを作成

作業の流れは、

サブシステムの作成(ブロック群の階層化、グループ化)

マスク機能の適用(カスタマイズ)

ライブラリ化

である。以下では、サブシステムの作成についてのみ簡単に紹介する。

4.1 サブシステムの作成方法

モデルが大きくなると、ブロックの数も増え、煩雑になってくる。Simulinkでは、既存のブロックを機能ごとにまとめて一つのブロックとして扱うことができ、そのブロックを「サブシステム」と言う。サブシステムの作成方法は、つぎの2つがある。

1.モデル内のブロックを役割ごとにグループ化する

2. ブロックライブラリの"Signals & Systems / Subsystem"ブロックをモデルに置き、内部を作成する

ここでは、グループ化による作成方法を紹介する。

グループ化による方法

Figure2.5のSimulinkモデルを考える。このモデル内の"step"、"scope"ブロック以外は、一自由度振動系の 機能を持つ部分であるから、この部分をグループ化する。下記のようにグループ化する範囲を選択し、メニ ューの"*Edit - Create Subsystem*"を選択する。



Figure4.2 サブシステムの作成方法 (グループ化)

これでサブシステムが生成でき、図には一つのブロックで表示される。このブロックをダブルクリックする グループ化した部分が現れる。

<u>ブロック名の変更</u>

Subsystem ブロックの名前はつぎの手順で変更できる。

- ブロック下部の名称部分にマウスカーソルを当て、
 左クリックする。
- 2. テキストが入力できる状態になるので、名称を入力する この結果が Figure 4.3 である。



Figure4.3 名称の変更

5. VTOL 機の Simulink モデル作成

第一週目で見た(1)式で表される VTOL 機を2節で述べた要領1で変形すると

$$\dot{v}(t) = -g\theta(t) + X_{v}v(t) + X_{\delta}\delta(t)$$

$$\ddot{\theta}(t) = M_{q}\dot{\theta}(t) + M_{v}v(t) + M_{\delta}\delta(t)$$
(5.1)

となり、これを元に要領2でSimulinkモデルを作成できる。まずブロック線図を紙に下書きし、それが(5.1) 式を満たしていることを確認すること。その後、実際に Simulink モデル用の.mdlファイル (VTOL_MODEL.MDL)を作成せよ。実験終了時にはこのモデルをスクリーン上に提示し、教官か TA に説明を しながらシミュレーションするので注意して行うこと。

積分器はSimulink-Continuous-Integrator にブロックがあり、モデルウィンドウに左ボタンでドラッグすれ ばよい。積分器は(5.1)上式に一つ、下式には二つの合計三つ必要であるが、一つあればそれから右ボタンで ドラッグすればコピーが出来る。同様に Simulink-Math-Gain で信号と安定微係数などの掛け算を、 Simulink-Math-Sumでこれら各項の加減算を行える。入力は昇降舵角であるが、ここでは5度のステップ信 号としよう。これはSimulink-Sources-Step から取ればよい。ダブルクリックして時刻0に5度のステップ が入るようにパラメータを設定せよ。

Simulink では、時間応答をシミュレーションする際の積分手法を選択できる。

- ode45 (Runge-Kutta法)はもっとも汎用的な手法であり、通常はこの手法で充分である。シミュレーションを試すときはまず ode45 からやってみるとよい。
- ode15s(NDFs法)のように、最後にsのついている手法はStiffなシステム(低周波成分と高周波成分が混在しているシステムなど)の場合に有効な積分手法である。

ode45 で、シミュレーションが極端に遅い場合は、つぎに ode15s を試してみるとよい。この VTOL 機の場合にはどの方法でも同じ結果が得られる。

積分手法と絶対許容誤差値の設定は以下のようにして出来る。

🛃 Simulation Parameters: twodof 🛛 📰 💌	Simulation Parameters: twodol 📰 🖬 🕅
Solver Workspace I/O Diagnostics Real-Time Workshop	Solver Workspace I/O Diagnostics Real-Time Workshop
Simulation time Start time: 0.0 Stop time: 10.0	Structurion time Start time 00 Stag time 100
Salver options Type: Variable-step 💌 ode45 (Dormand-Prince) 💌	Solver options Type: Variable-step 💌 ode#5 Cornand=Prince) 💌
Max step size: auto code32 (Bogacki-Shampine) witial step size: auto code32 (Bogacki-Shampine) ode113 (Adams) code132 (critt/Not/) code132 (critt/Not/) code322 (critt/Not/)	Mair step size: auto Relative tolerance 1e-3 Initial step size: auto Absolute tolerance 1e-6
Output options Output Perfine output Perfine factor:	Output options Tetins output
OK Cancel Help Apply	CK Cancel Help Apply

Figure5.1 積分手法の選択

ピッチ角のステップ応答は Simulink-Sinks-Scope のスコープで見ることが出来る(ToWorkspace を利用して MATLAB コマンドでプロットしてもよい)。シミュレーションのパラメータを 0 から 15 秒までに設定して色々 とステップ応答を調べてみよ。

次に昇降舵からピッチ角までの全てのブロックを選択して subblock 化し、適当にリサイズしよう。以降は必要に応じてこのブロックをダブルクリックすれば中身がどうなっているかを見ることができる。(<u>Viewer +</u> <u>Model Browser + Show Model Browser</u>でも見れる。)

この積分器ブロックベースのモデルではピッチ角のみならず、ピッチレートや前後速度の応答も見ることができるので大変便利であるが、ピッチ角のみであれば伝達関数や状態方程式を使ってもよい。第一週目ではこれらをすでに求めているので、Simulink-Continuous-TransferFcnとSimulink-Continuous-StateSpaceによりこれらもモデルファイルに含めてみよ。またこれら三つの応答を比較し、すべてが同じであることを確認すること。

6. 【その他。この項は単に参考情報である。

コマンドラインシミュレーション: Simulink では、MATLAB コマンドラインから時間応答解析を行うこともで きる。例えばシミュレーションパラメータを設定したり、シミュレーション結果(時間、状態、出力)を得 たりすることができる。この機能を使うと、つぎのような利点がある。

- ・パラメータ設定、シミュレーションの流れを全てコマンドラインから行うことができる。
- また、結果を MATLAB、Too I box の関数で利用することができる。
- ・上記の流れをスクリプトM-Fileにし、バッチ処理的に実行することができる。

・ファンクション M-File 中でシミュレーションを行い、結果を関数の中で利用することができる。

コマンドラインシミュレーションの流れは以下のようになる。

パラメータ(変数、シミュレーションパラメータ)の設定

シミュレーション(時間応答解析)の実行

結果のグラフ化(MATLAB グラフィック機能)

線形化・平衡点算出:Simulinkでは、時間応答解析だけではなく、線形化、平衡点算出という解析も行うこともできる。必要であればモデルのメニュー"*Tools - Linear Analysis*"、LTI Viewer 等を利用してボード線図も書ける。

7.終了

一通り項目を終了したら教官あるいは TA にその旨を告げ、**口頭試問**を受ける。これにパスしたらメデタク 終了となる。

各自が作成したファイルは Z ドライブあるいはディスケットなどに保管してあることを確かめる。特に、 3L204 で実験を行った場合は、各グループで作成したファイルをフロッピーなどにコピーして保管し、 MATLABR11/WORK/のサブディレクトリーから消去すること。ファイルをセーブした後に正規の手続きにより からネットワークからロッグアウトあるいはパソコンをシャットダウンする。

来週は VTOL 機のピッチ角制御システムを根軌跡法と呼ばれる方法により設計する。時間があればどの様な 方法であるか下調べをしておくとよい。(この方法は制御の入門書にはほぼ必ず載っている。)